

## BRANE



## BRANA (pregrada)

- je građevina kojom se pregrađuje riječna dolina ili korito rijeke radi zadržavanja ili zahvaćanja vode, zadržavanja nanosa, odlaganja jalovine i drugo

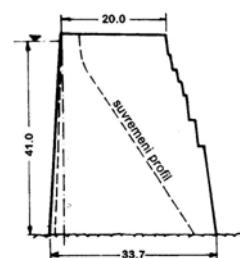
## Povijest

- 5000. g. p.n.e Eufrat, Tigris, Nil – potrebno zadržati vodu za potrebe navodnjavanja (kanali, kopani bazeni s nasipima,...)
- Egipat, Perzija, Jemen, Indija, Kina,... - nasute ili zidane brane
- Najstarija poznata brana (zidana) **Saad el Kafara** – Egipat, 2700 g.p.n.e., visine 15 m, svrha: kontrola i zaštita od poplava
- Sjeverni Jemen brana **Marib** – zidana od lave, vapna i pijeska VIII. st.p.n.e., svrha: navodnjavanje, ponovo izgrađena 1986.
- Najstarija nasuta brana **Gukow** u Kini – visine 30 m, izgrađena 240 g.p.n.e.
- Najveći broj starih brana koje postoje i danas (cca. 60 brana) izgrađeno je u periodu 500-1300 g.n.e.

- Oblik brana se kroz povijest mijenjao.

- Primjeri:

- brana **Alicante** (Španjolska) visine 43 m izgrađena 1580 g. – gravitacijska zidana

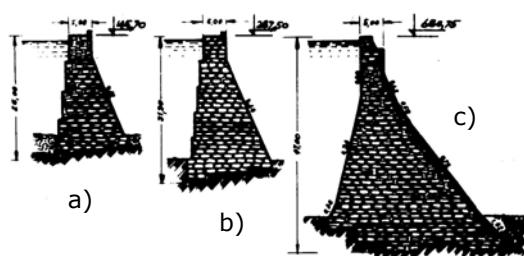


- Brane (Italija):

- Corongiu (1863-1886) (a)

- Bunnari (1874-1879) (b)

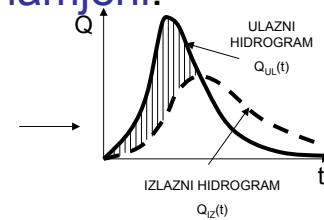
- Lago Lungo (1877-1901)(c)



**BRANE SE DIJELE PREMA RAZLIČITIM KRITERIJIMA U CILJU PROUČAVANJA NJIHOVIH SVOJSTAVA:**

### Podjela prema svrsi/namjeni:

- Akumulacijske (jednonamjenske, višenamjenske)
- Retencijske (privremeno zadržavanje vode)
- Zahvat vode (vodoopskrba, navodnjavanje, ...)
- Kanaliziranje rijeka (brane u nizu-veće dubine/plovnost)
- Zadržavanje nanosa - pragovi
- Jalovišta (nema u RH)
- Nasipi (obrana od poplava)



### Podjela prema materijalu:

#### A/Nevezani materijal – **NASUTE BRANE**:

- **zemljane** brane od prirodnih materijala:
  - homogenog presjeka bez zaptivnog tijela
  - heterogenog presjeka s nepropusnom glinenom vertikalnom ili kosom jezgrom, ili s jezgrom nekog drugog nepropusnog ili slabo propusnog materijala ili vodonepropusnog oblogom
- od **kamenog nabačaja**:
  - s vertikalnom ili kosom nepropusnog
  - s vertikalnom dijafragmom od umjetnih ili pripremljenih materijala
  - s uzvodnim vodonepropusnim ekranom (AB, asfalt-betonski, ljevani asfalt, geomembrane,...)



#### B/Vezani materijal – **BETONSKE BRANE**

- - AB (rijetko)
- od drugih materijala (u prošlosti): drvo metal, zidanje

## Podjela prema veličini:

- **VELIKE BRANE:**  $H \geq 15 \text{ m}$

$$5 \leq H \leq 15 \text{ m} \text{ ako je } V_{ak} = 3 \cdot 10^6 \text{ m}^3$$

Stari kriterij:  $H \geq 10 \text{ m}$  uz jedan od slijedećih uvjeta:

$$\begin{aligned} L &\geq 500 \text{ m} \\ V_{ak} &= 10^6 \text{ m}^3 \\ Q_{pr} &\geq 2000 \text{ m}^3/\text{s} \end{aligned}$$

složeni uvjeti temeljenja

*Hrvatsko društvo za velike brane (HDVB-CROCOLD)*

[www.elektruprojekt.hr/hdvb](http://www.elektruprojekt.hr/hdvb)

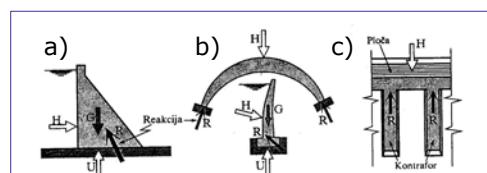
*ICOLD-International Commission on Large Dams*

- **MALE BRANE:** sve ostale

- Za velike brane su strožiji kriteriji projektiranja i korištenja u odnosu na male brane.
- *WCD-World Comission on Dams*

## Podjela prema načinu prenošenja opterećenja:

- Gravitacijske (a,c)
- Lučne (b)



## Podjela prema utjecaju na rijeku:

- dolinska pregrada

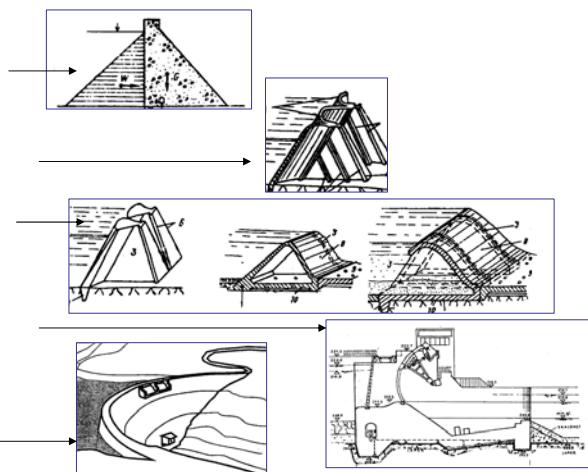
## Podjela prema položaju preljeva - evakuaciji vode:

- preljevne – preljev na tijelu brane
- nepreljevne – preljev izvan tijela brane

## Podjela BETONSKIH BRANA prema prijenosu opterećenja i konstrukciji

- **GRAVITACIJSKE:**

- masivna
- olakšane:
  - višelučne
  - rasčlanjene (s kontraformama, pločama i sl.)
- pokretne riječne
- Prednapregnute



- **LUČNE:**

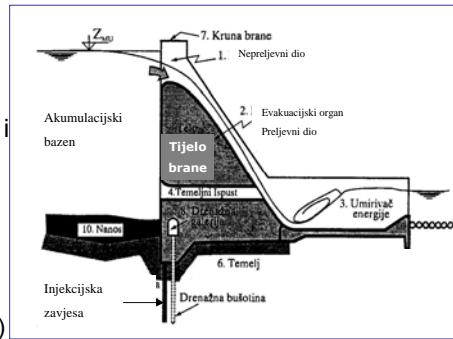
## STATISTIKA

- U svijetu danas, prema ICOLD-ovom registru, ima više od **40.000** velikih brana, od čega se u Hrvatskoj nalazi **29**.
- 50% brana izgrađeno je u Kini.
- 75% čine brane do 30 m visine.
- 92% čine brane do 60 m visine.
- Do 1950. 5300 brana, ostale (86%) su izgrađene u periodu od 1950. do danas.

Visina (H)	Broj brana (cca)
15-30	<b>30 000</b>
30-60	7 000
60-100	1 500
100-120	350
150-200	100
>200	30

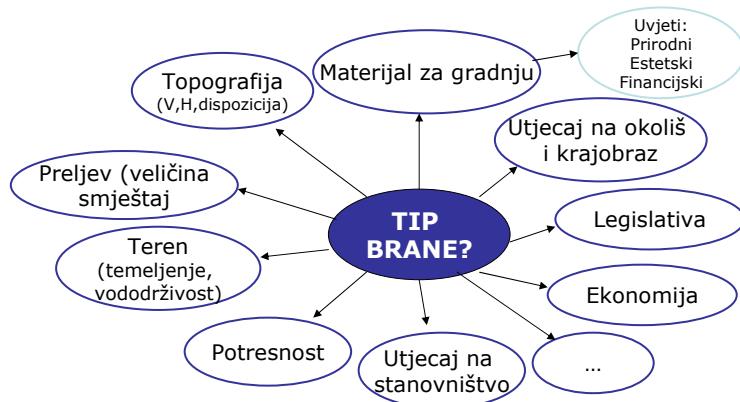
## Svaka brana mora osigurati osnovnu namjenu te omogućiti siguran prolaz voda kroz pregradni profil

- **Tijelo brane**
- **Evakuacijski organ** (preljev)
- **Temeljni ispust** (praznjenje vode i ispiranje nanosa)
- **Osiguranje vododrživosti**
  - (primjer betonske gravitacijske masivne brane)



- Osnovne dimenzije brane su:
  - **Os** brane
  - **Visina** brane (od temelja do krune)
  - **Hidraulička visina** brane (razlika kote maksimalnog uspora i kote dna rijeke prije izgradnje)
  - **Duljina** brane u kruni

## Faktori koji utječu na izbor tipa brane:



## Fizički faktori pri izboru tipa brane

- Topografija (oblik pregradnog profila)
- Geologija i uvjeti temeljenja (jedra stijena, šljunak, prah, pjesak, glina, nejednolični uvjeti temeljenja)
- Raspoloživi materijal
- Veličina preljeva i njegova lokacija
- Potres

## IZBOR (I)

- **NASUTE BRANE**

- PREDNOSTI:

- Minimalni zahtjevi kod temeljenja i prilagodljivost skoro svim vrstama terena
    - Mogućnost korištenja raznovrsnog i heterogenog materijala za nasip
    - Jeftino i brzo ugrađivanje

- MANE:

- Osjetljivost na prelijevanje
    - Osjetljivost na procjeđivanje i ispiranje materijala (unutrašnja i regresivna erozija)
    - Za evakuaciju velikih voda potrebni su posebni betonski objekti izvan brane
    - Veliki obim radova (zbog blagih kosina)

## IZBOR (II)

- **BETONSKE BRANE**

- PREDNOSTI:

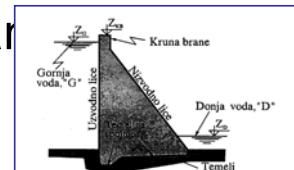
- Izdržljivost na prelijevanje i procjeđivanje
    - Manje količine materijala (strm nagib)

- MANE:

- Visoki zahtjevi za temeljenje (visoka nosivost tla, niska deformabilnost, nepovoljne u izrazito potresnoj zoni)
    - Visoka jedinična cijena (spor rad i brojnija radna snaga)
    - Za lučne brane s obzirom na veliko opterećenje bokova doline potrebna jedra nosiva stijena

- U cilju kontrole stanja brane zbog pravovremenog uočavanja promjena na brani i pravovremene provedbe eventualno potrebne sanacije provodi se **TEHNIČKO PROMATRANJE (MONITORING, OSKULTACIJE)** brane:
  - Vizualna kontrola (uočavanje svih vidljivih promjena, na pr. pukotina, oštećenja i sl)
  - Praćenje procjeđivanja i pritiska vode
  - Mjerenje horizontalnih i vertikalnih pomaka (npr. slijegavanja brane) i sl.

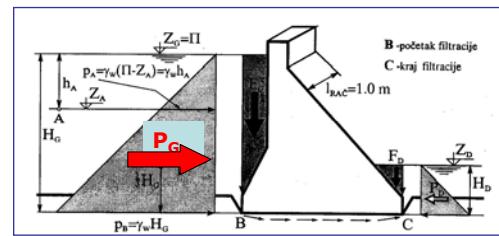
## Djelovanja na brane



- **stalna**
  - – vlastita težina brane, tlak vode u porama, tlak vode, uzgon, tlo, sve stalne mase (oprema) na brani,
- **promjenjiva**
  - – temperaturne promjene, stezanja betona, smrzavanja vode u betonu, opterećenje ledom, valovi, povremena/pokretna opterećenja (kranovi, strojevi i sl)
- **izvanredna**
  - - potres

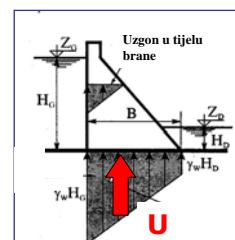
- **TLAK VODE**

$$P_g = \gamma_w \frac{H_g^2}{2}$$



- **UZGON**

$$U = \gamma_w \frac{H_g + H_d}{2} B$$



# BETONSKE BRANE

- **PODJELA:**

- Gravitacijske
  - Masivne
  - Olakšane gravitacijske:
    - Raščlanjene (s kontraforima, pločama i sl.)
    - Višelučne
  - Prenapregnute
  - Riječne pokretne
- Lučne

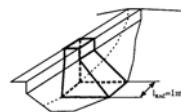
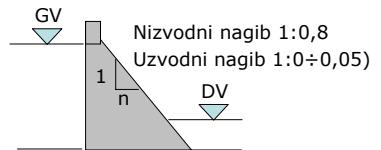
## BETONSKE GRAVITACIJSKE BRANE



- Betonske gravitacijske brane suprotstavljaju se vanjskim silama vlastitom težinom.
- Važno je da tlo na kojem se grade:
  - ima dovoljnu nosivost da primi težinu brane i opterećenja koje brana prenosi na temelj,
  - jednoliko slijegavanje
  - malu vodopropusnost
  - monolitnu strukturu (bez pukotina)
- Nisu pogodne za potresna područja.

## Betonska masivna gravitacijska brana

- Osnovni poprečni presjek betonske gravitacijske masivne brane je pravokutni trokut.
- Često se grade kao niz vertikalnih konzolnih nosača - **lamela** (širine 6-16 m) međusobno razdvojenih razdjelnicama, te svaka lamela je nezavisna i i mora biti stabilna.
- Kontrola stabilnosti na najnepovoljnijem presjeku (presjek najveće visine) može se raditi za 1 m dužni brane s obzirom da je to prevladavajući presjek.



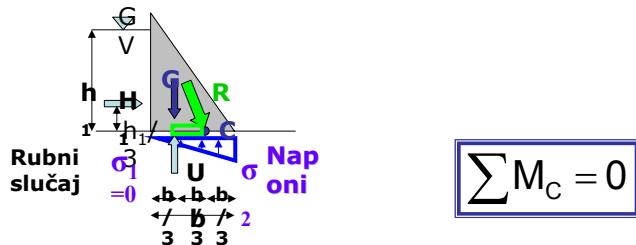
## Početni izbor dimenzije brane

- Brana je kruto tijelo koje u principu nije izloženo savijanju. Izuzetak čine oslabljenja u tijelu brane (galerije, drenažna okna i sl), koja se posebno proračunavaju i odgovarajuće se armiraju.
- Svi presjeci brane u pravilu trebaju biti tlačno naprezani. Bez obzira na to, zbog latentne topline kod betoniranja, betonske je brane potrebno konstruktivno armirati s oko  $100 \text{ kg/m}^3$  prostornom armaturom.
- Ispod brane ne dozvoljavaju se vlačna naprezanja u tlu, a tlačna moraju biti manja od propisom dozvoljenih.

- Taj je uvjet zadovoljen ako rezultanta (R) svih sila prolazi jezgrom presjeka nožice brane. Granično je stanje kada rezultanta prolazi nizvodnim rubom jezgre i tome odgovara najmanji presjek brane odnosno najmanja širina nožice brane ( $b$ ).

PUNA AKUMULACIJA

$G$  – vlastita težina  
brane



- Uvjet:

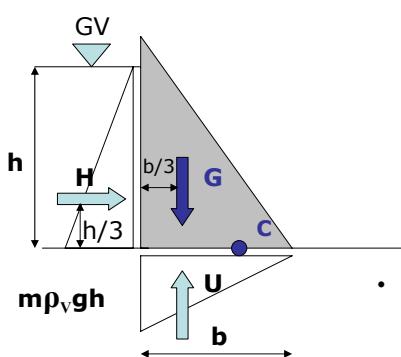
$$\sum M_C = 0$$

$$H \frac{h}{3} = (G - U) \frac{b}{3}$$

$$G - U = \rho_B g \frac{hb}{2} - m \rho_V g \frac{hb}{2} = \frac{hb}{2} g (\rho_B - m \rho_V)$$

$$b = \sqrt{\frac{\rho_V}{\rho_B - m \rho_V}} \cdot h \quad \text{uz} \quad \frac{\rho_B}{\rho_V} = 2,4$$

$$b = \frac{h}{\sqrt{2,4 - m}}$$



- Koeficijent redukcije uzgona ( $m$ ):
  - $m=1$ , uzgon u punoj vrijednosti;  $\mathbf{b=0,85h}$
  - $m=2/3$ ;  $\mathbf{b=0,76h}$
  - $m=0$ , nema uzgona;  $\mathbf{b=0,65h}$

## Provjera sigurnosti za stabilnost betonske masivne gravitacijske brane

- U okviru kontrole graničnog stanja nosivosti provodi se provjera:
  - stabilnost na prevrtanje i
  - stabilnost na klizanje.

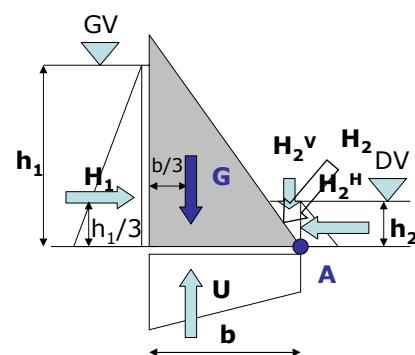
## Stabilnost protiv prevrtanja

- Računa se:

$$M_{H_2}^A + M_G^A > M_{H_1}^A + M_U^A$$

$$M_{H_2^H}^A + M_{H_2^V}^A + M_G^A > M_{H_1}^A + M_U^A$$

$$\frac{M_{H_2}^A + M_G^A}{M_{H_1}^A + M_U^A} > F_s$$



- Koef. sigurnosti ( $F_s$ ) na prevrtanje iznosi 1,5.

# Stabilnost protiv klizanja

- Računa se:

$$T = f \sum V$$

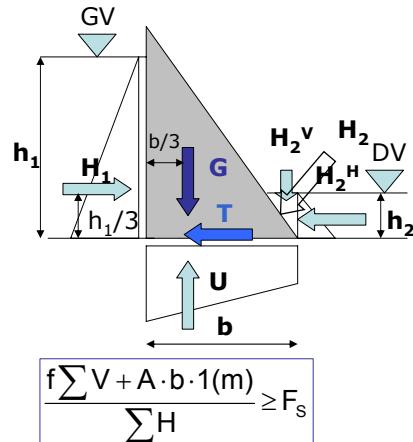
$$\frac{f \sum V}{\sum H} \geq F_s$$

- Koef. sigurnosti ( $F_s$ ) na klizanje iznosi 1,5.
- Koeficijent trenja ( $f$ ) iznosi (približno) od 0,3 (šljunak) do 0,8 (stijena):

$$f = \tan \varphi; \varphi = 17^\circ - 35^\circ$$

- Ako se uzima u obzir i prianjanje (adhezija, A-koef. prianjanja) na temeljnoj plohi onda je:

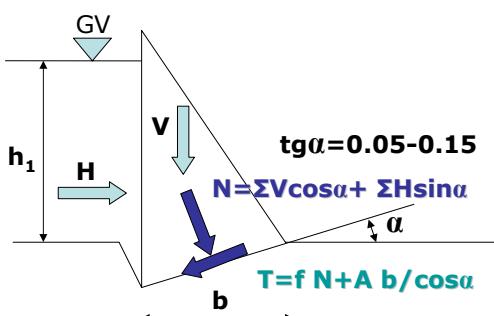
$$T = f \sum V + A b$$



$$\frac{f \sum V + A \cdot b \cdot 1(m)}{\sum H} \geq F_s$$

- Ako stabilnost na klizanje ne zadovoljava radi se zakošenje temeljne spojnice.

Ako je teren stijena (manji iskop).



Ako je teren šljunak (nevezani materijal).

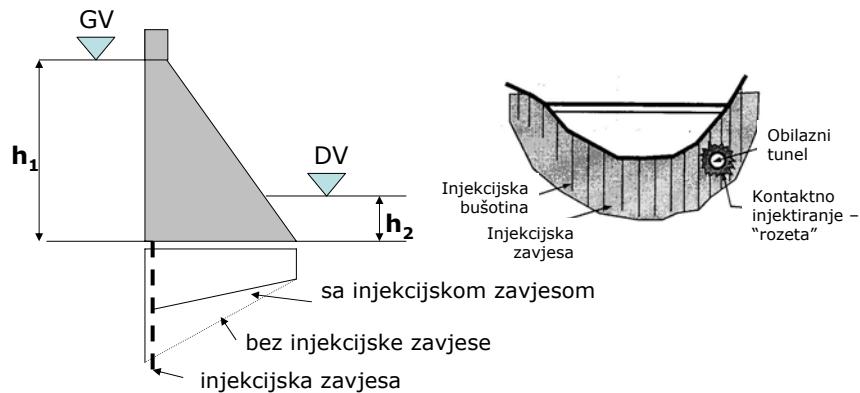


- Tako se povećava sila trenja, a smanjuje smičuća sila.
- Stabilnost na klizanje izračunava se prema:

$$\frac{f(\sum V \cos \alpha + \sum H \sin \alpha) + \frac{A \cdot b}{\cos \alpha}}{\sum H \cos \alpha - \sum V \sin \alpha} \geq F_s$$

## Smanjenje uzgona

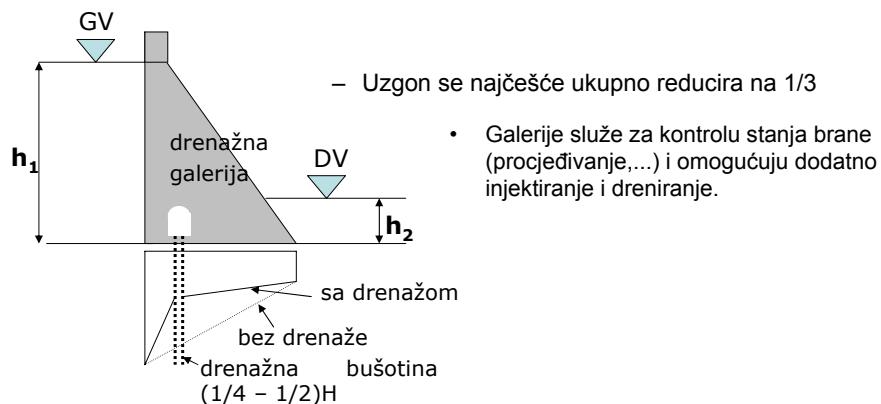
- 1.) Izvođenjem injekcijske zavjese
  - Injektira se smjesa za povećanje vododrživosti.



- Primjena kod stjenovitih tala.
- Za nevezana tla koriste se dijafragme.
- Injektiranje može biti:
  - Za povećanje vododrživosti
  - KONSOLIDACIJSKO – za povećanje nosivosti stjenovitog tla (dubine 5 m)
  - VEZNO (kontaktno) za povezivanje konstrukcije s okolnim stjenovitim terenom i sprječavanje ispiranja materijala na kontaktu brana-tlo

## Smanjenje uzgona

- 2.) Dreniranjem iza injekcijske zavjese

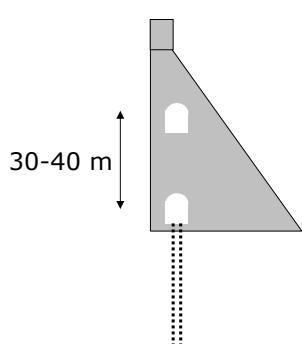


- Galerije služe za kontrolu stanja brane (procjeđivanje,...) i omogućuje dodatno injektiranje i dreniranje.

- Dimenzije galerija:
  - uobičajeno 2x2 m
  - ako treba prolaziti mehanizacija  $H=2,5-3$  m
  - za injektiranje  $H=4-5$  m

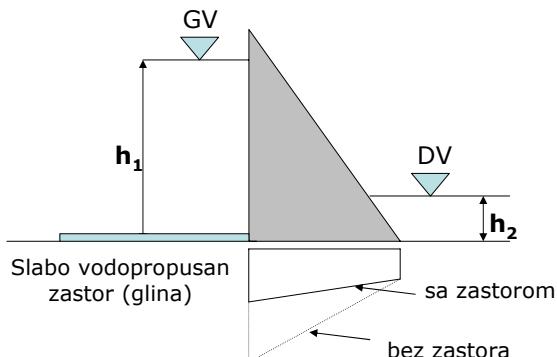
- Za više brane može se izvesti nekoliko galerija.

- Kroz galerije može se drenirati voda iz tijela brane - smanjenje pornog tlaka (horizontalni i vertikalni drenovi, promjera  $d=10-20$  cm, na udaljenosti od 3-5 m).
- Smanjenje procjeđivanja kroz tijelo betonske gravitacijske brane ostvaruje se korištenjem:
  - kvalitetnijeg betona (veće vododrživosti) na uzvodnoj strani te njegovom betonu da se ne pojave pukotine
  - izvođenjem bitumenskog sloja ili postavljanjem vodonepropusne folije na uzvodno lice



## Smanjenje uzgona

- 3.) Producavanjem puta izvodi se izvođenjem horizontalnog slabo vodopropusnog zastora



## Izgradnja brane - latentna toplina

- U brane se ugrađuju velike količine betona, te se pojavljuju problemi koji nastaju tijekom sazrijevanja betona: javljanjem visokih hidratacijskih temperatura i širenja betona u prvoj fazi te stezanjem betona u završnoj fazi
- Problem se rješava tehnologijom ugradnje i održavanjem svježeg betona
  - Koriste se posebni cementi (s manjom hidratacijskom toplinom i s odgovarajućim dodacima)
  - Koristi se beton s manjom količinom cementa (ali da se s time ne ugrozi nosivost i vododrživost betona)
  - Koriste se posebni recepti za spremanje betona (kombiniranje različitih granulacija i korištenje krupnijih frakcija)
  - Omogućuje se hlađenje betona nakon ugradnje ili se snizuje temperatura betonske mješavine korištenjem hladne vode (dodavanje leda u vodu) i agregata koji nije izložen suncu
  - Betoniranje ne smije biti kontinuirano – betonira se u blokovima (12-15m)

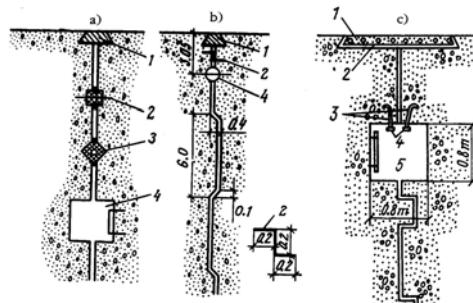
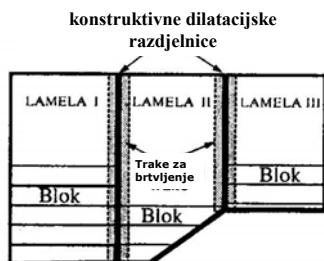
- Betoniranje ne smije biti kontinuirano jer se u velikoj masi betona vanjski slojevi hlađe brže od unutrašnjih, što uzrokuje stvaranje naponi i pojavu pukotina.
  - Stoga se rade prekidi betoniranja – **radne razdjelnice** kako bi se beton ravnomjerno hlađio i skupljao bez većih pukotina. Širina bloka je jednaka širini lamele.



- Beton treba biti:
    - Dovoljne čvrstoće
    - Otporan na smrzavanje
    - Dovoljno vododrživ
    - Niske hidratacijske temperature
    - Niske cijene koštanja
  - Zoniranje: na višim kotama beton slabije čvrstoće nego na nižim kotama, beton veće čvrstoće na uzvodnom i nizvodnom (habanje) dijelu brane, preljevima i sl.

- Radne razdjelnice (spojnice) između blokova (mjesta na kojima se nastavlja betoniranje) treba pripremiti za nanošenje novoga sloja- da bi se ostvarilo dobro prianjanje novog i starog bloka (pjeskarenje te premazivanje cementnim mortom u debljini 2 cm).
- Radne razdjelnice se mogu injektirati dok **konstruktivne dilatacijske razdjelnice** između lamela ostaju fleksibilne.
- Otvori konstruktivnih dilatacijskih razdjelnica omogućavaju da se:
  - Rasterete termički naponi i sprječi pojava pukotina uslijed tih napona,
  - Sprječi pojava pukotina uslijed nejednolikog slijeganja.

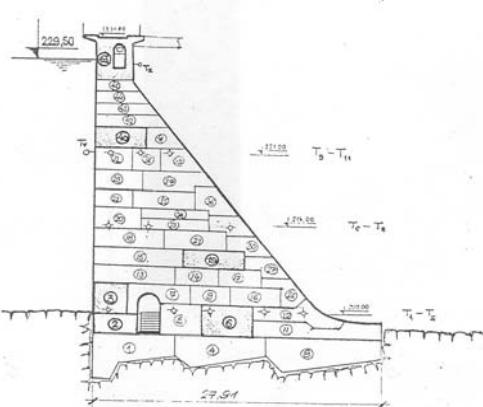
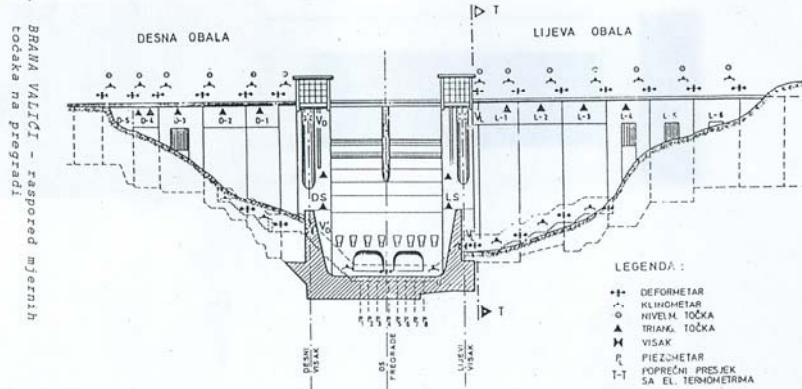
- Vododrživost na dilatacijama osigurava se trakama za brtvljenje (bakreni lim, guma, PVC i sl.).

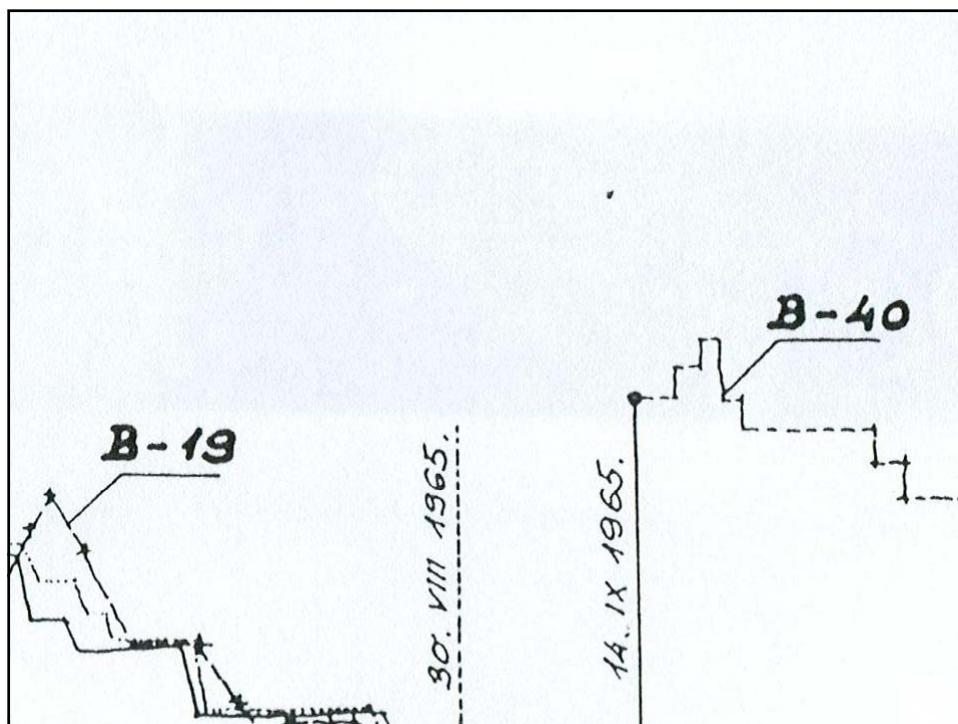
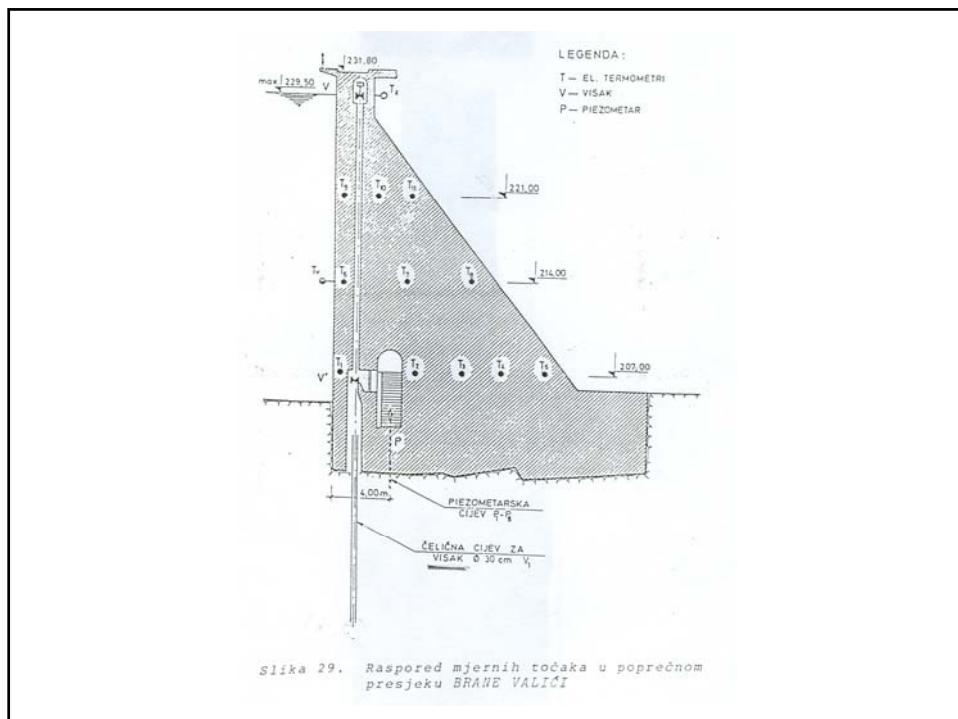


*Uzvodno lice gravitacijske brane - specijalni tipovi brtvi*

- a) ravna dilatacijska spojnica, b) rebrasta dilatacijska spojnica: 1. uzvodno "konturu" brtvo, 2. glavno vodonepropusno brtvo, 3. dopunsко brtvo s električnim zagrijavanjem, 4. drenažna bušotina i okno za drenazu i inspekciju.
- c) rebrasta dilatacijska spojnica: 1. armiranobetonska ploča, 2. bitumenska ispušna, 3. sidra, 4. bakrena traka, 5. okna za drenazu i penjalice

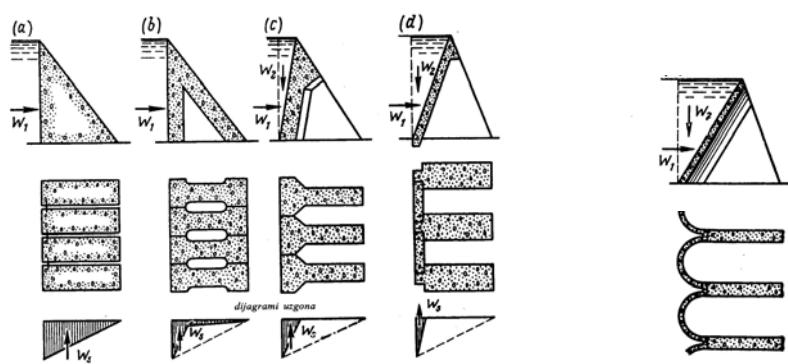
## Brana Valići – HE Rijeka - pogled prema uzvodno -





# OLAKŠANE BRANE

Raščlanjene  
Višelučne



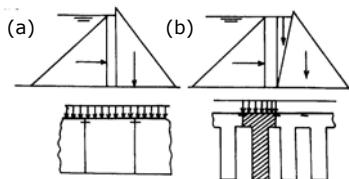
Višelučna brana

- Prednosti olakšanih brana nad gravitacijskim:
  - 20-40% manji volumen betona u tijelu brane (manji troškovi 15-35% jer je beton, zbog složenosti izgradnje, skuplji 5-10%)
  - Manji utjecaj temperature hidratacije i skupljanja
  - Bolje iskorištene fizičko-mehaničke karakteristike materijala
  - Mogu se graditi na “lošijem” tlu

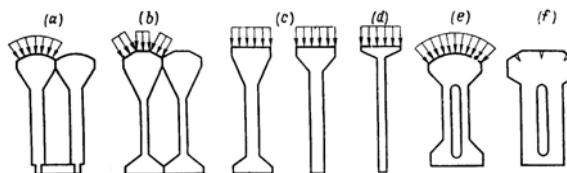
## Raščlanjene brane - kontraforne

- Uz vlastitu težinu kod olakšanih brana prevrtanju i klizanju se suprotstavlja vertikalna komponenta hidrostaticke sile (težina vode iznad uzvodnog lica).

Gravitacijska brana (a)  
Brana s kontraformom "T"-oblik (b)



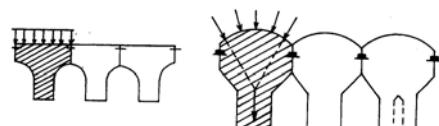
- Vrste:
  - S kontraformom s masivnom glavom
  - S pločama i kontraformom



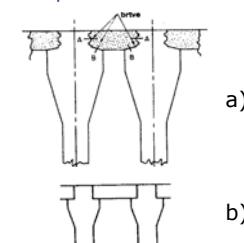
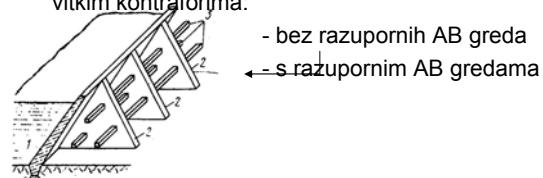
Horizontalni presjek kontrafora s masivnom glavom

a) zakrivljena glava i jednozidni kontrafor, b) poligonalna (dijagonalna) glava i jednozidni kontrafor, c - d) ravna glava i jednozidni kontrafor, e) zakrivljena glava i šuplji ili dvozidni kontrafor, f) poligonalna glava i šuplji ili dvozidni kontrafor

- Kontrafori sa zaobljenjima se rade da bi se izbjegla koncentracija naprezanja na lomovima, da bi se izbjegao moment savijanja na glavi kontrafora koja djeluje kao konzola, te da bi se rezultanta hidrostatickog pritiska na glavi usmjerila prema osi kontrafora.



- Iz "T" oblika kontrafora razvile su se:
  - brane s masivnom betonskom pločom i kontraformom
  - brane s tankom armiranobetonskom pločom i vitkim kontraforom:

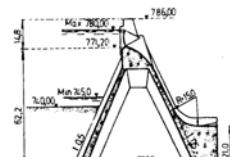


Tip brane Amburseen s:

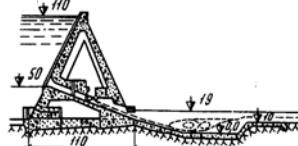
- a) masivnom betonskom pločom  
b) tankom pločom

## Karakteristike

- Širina temeljne stope  $b = (1-1.5)H$ .
- Širina sredine kontrafora  $d = 3-8 \text{ m}$
- Širina glave kontrafora:
  - jednostruka rebra  $L = 9-20 \text{ m} (12-16)$
  - dvostruka rebra  $L = 15-26 \text{ m} (18-22)$
- Uzvodna kosina  $m_{uz} = 0,4 - 0,5$  (kotangens kuta nagiba kosine prema nožici)
- Nizvodna kosina  $m_{NIZ} = (0,85 - 1) m_{uz}$
- Prvi i zadnji kontrafor su klasični gravitacijski betonski blok.

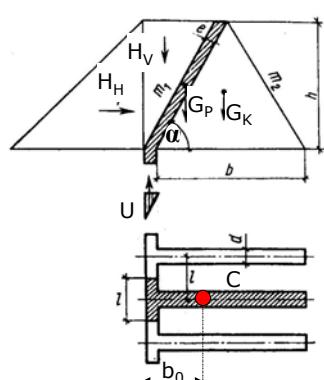


Izvodnje preljeva na kontraforu



Izvođenje temeljnog  
ispusta u raščlanjenoj brani

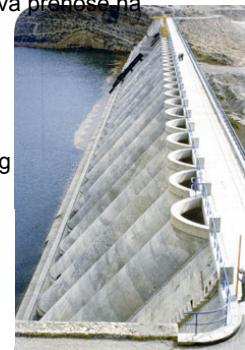
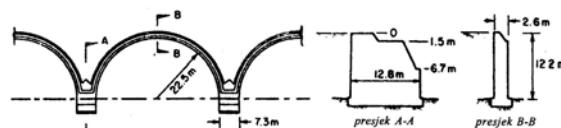
## STABILNOST NA KLIZANJE



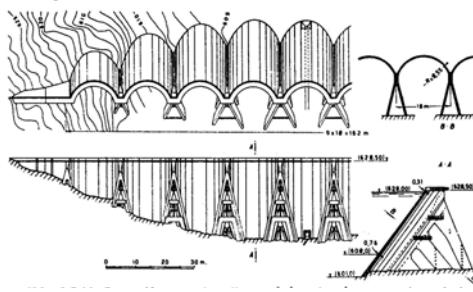
$$\begin{aligned} H_H &= 0,5 \cdot \rho_V \cdot g \cdot h^2 \cdot l \\ H_V &= 0,5 \cdot \rho_V \cdot g \cdot h^2 \cdot l \cdot \operatorname{ctg} \alpha \\ U &= 0,5 \cdot \rho_V \cdot g \cdot h \cdot e \cdot l \\ G_P &= \rho_B \cdot e \cdot l \cdot \frac{h}{\sin \alpha} \\ G_K &= 0,5 \cdot \rho_B \cdot b \cdot d \cdot h \\ F_s &= \frac{G_P + G_K - H_V + U}{H_H} \cdot f \end{aligned}$$

## Višelučne brane

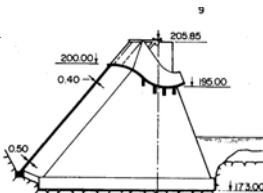
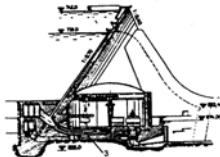
- Korištene su u prošlosti gdje raspoloživog materijala za gradnju nije bilo u blizini i čija je doprema bila vrlo skupa, a ljudski rad jeftin.
- Danas se grade visoke višelučne brane od armiranog betona.
- Lučna brana koristi "efekt luka" te opterećenja prenosi preko bokova na oslone (na bokove doline).
- Višelučna se nastoji od više lukova, a opterećenja se sa lukova prenose na kontrafore i preko kontrafora na temeljno tlo.
- Lukovi se grade pod kutem u odnosu na vertikalu.
- Masivni kontrafori se grade na udaljenosti 10-20 m.
- Višelučne brane se grade na "dobrom" temeljnog tlu-stijena.
- Prva višelučna brana, Meer Allum, je izgrađena u Indiji 1802.g



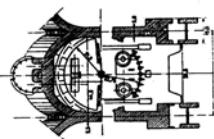
- Lukovi mogu biti:
  - od betona ili armiranog betona
  - s konstantnom ili s promjenjivom debljinom
  - s centralnim kutem od 160 do 180 stupnjeva
- AB višelučne brane imaju:
  - Uzvodni nagib  $1:(0,45-0,9)$ ; ( $m_1 = 0,45 - 0,9$ )
  - Nizvodni nagib  $1:((1,1-1,3)m_1)$
  - Debljinu luka:
    - u kruni 0,3-0,4 m, u lošim uvjetima – oštре zime 0,5-1,0 m
    - u temelju 1-3 m
- Betonske višelučne brane imaju:
  - Uzvodni nagib  $1:(0,45-0,7)$ ; ( $m_2 = 0,45 - 0,7$ )
  - Nizvodni nagib  $1:((0,9-1,2)m_2)$
  - Debljinu luka:
    - u kruni 1,7-2 m
    - u temelju 4-8 m



- Preljevi, temeljni ispusti i zahvati vode smještaju se u kontrafore i na kontrafore.

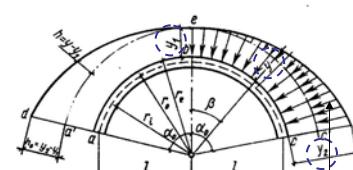
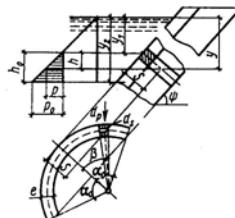


- Između kontrafora se može smjestiti i HE.



**Daniel Johnson,**  
Manicouagan, Kanada,  
najviša višelučna brana,  
visine 214 m, izgrađena 1968.

- Hidrostaticko opterećenje se nejednoliko prenosi na po konturi brane zbog nagnutosti luka od tjemena prema osloncima.



- Pritisak u tjemenu iznosi  $p_1$  a u osloncima  $p_2$ :

$$p_1 = \rho_v \cdot g \cdot y_1$$

$$p_2 = \rho_v \cdot g \cdot y_2$$

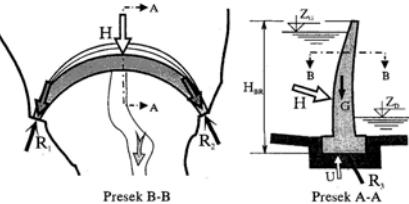
- Nejednoliki hidrostaticki pritisak mijenja se po zakonu:

$$p = \rho_v \cdot g \cdot R_v \cdot (1 - \cos \beta) \cdot \cos \psi$$

- Ukupan hidrostaticki tlak u nekom presjeku koji je zadan kutem  $\beta$  iznosi:

$$p_\beta = p_1 + p$$

## LUČN



- Lučnim branama nazivaju se brane čiji je horizontalni presjek krivolinijskog oblika, u obliku luka. Opterećenje prenose uglavnom na bokove doline.
- Sigurnost i stabilnost konstrukcije ovisi o fizikalno-mehaničkim karakteristikama materijala u konstrukciji i nosivosti temelja.
- Lučne brane su u pravilu nearmirane (betoni sa 230-300 kg cementa po m<sup>3</sup>). Armiranje se koristi samo kod otvora i u kruni brane.
- Prednosti:
  - 40-60% su ekonomičnije od gravitacijskih
  - brže se grade
- Nedostaci:
  - zahtijevaju dobre uvjete temeljenja
  - zahtijevaju visokorazvijenu tehnologiju pripreme i ugradnje betona
  - zahtijevaju savjestan i iskusan nadzor i strogu kontrolu tijekom građenja i eksploatacije



Brana Letaj (Boljunčica)

**Inguri**, Georgia (prije Rusija)  
najviša lučna brana 272 m,  
izgrađena 1984. ➔





**Hoover**, Colorado,  
Arizona-Nevada, SAD,  
lučna visine 223 m,  
izgrađena 1936.



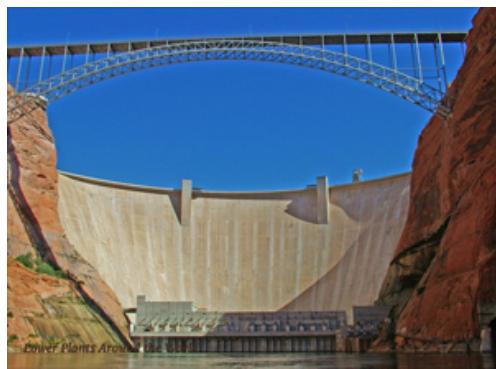
**Glažnja**, Makedonija ➔



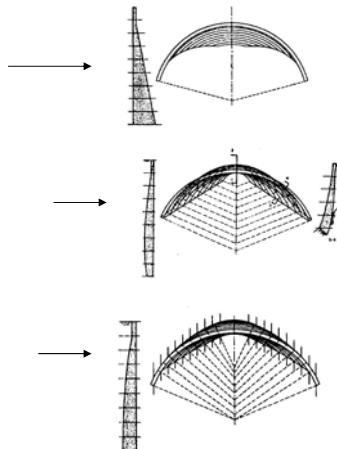
Brana  
**Gordon**, ➔  
Australija



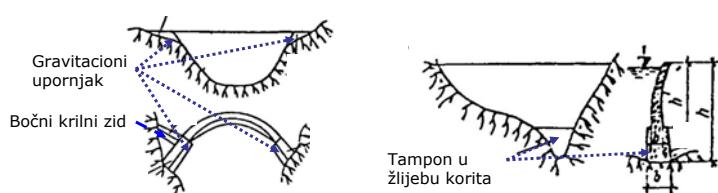
**Glen Canyon**, druga po  
visini lučna brana u SAD ➔



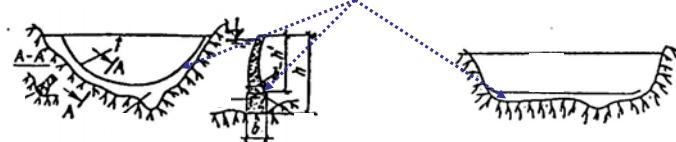
- Lučna brana može se predstaviti kao "pločasti svod", koji je sa tri strane oslonjen-uklješten.
- To je statički višestruko neodređena konstrukcija, koja se radi lakše analize dijeli na elemente jednostavnih oblika.
- Građenje lukova je vrlo stara vještina (Rimljani).
- Vrste lučnih brana:
  - s konstantnim radiusom
  - s promjenjivim radiusom i konstantnim centralnim kutom
  - s promjenjivim radiusom i promjenjivim centralnim kutom



- Zbog temperaturnih promjena rade se vertikalne dilatacije i koriste cementi s niskom hidratacijskom temperaturom.
- Da se izbjegne neravnomjerno rasprostiranje napona brana bi trebala biti simetrična što nije uvijek moguće pa se brane "dotjeravaju" da budu što više simetrične.

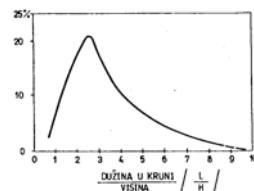
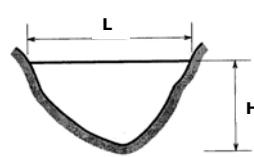


- Temeljenje:
  - uklanjanje rahlog materijala
  - temeljenje brane na kompaktnoj stijeni
  - po potrebi izvršiti ojačanje tla (injektiranje)
  - posebnu pažnju posvetiti dobrom izvođenju kontakta sa materijalom na kojem leži temelj (**perimetralna reška-fuga**)



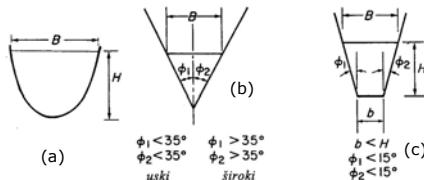
- **UVIJET ZA GRADNJU LUČNE BRANE:**

**Odnos  $L/H = 5-6$**  ( $L$ -duljina brane u krugi;  $h$ -visina brane, npr. širina doline manja od 5 visina brane). Danas i puno smjeliji odnos  $L/H=9$  ili 10.



- Oblici pregradnog profila:

- Paraboličan (a)
- Trokutni – "V" oblik (b)
- Pravokutni
- "U" oblik (c)
- Kombinirani "U" i "V" oblik
- Složeni oblici



### PODJELA BETONSKIH BRANA PREMA VITKOSTI KONZOLE ( $\beta$ )

( $\beta = d_0/h$ ;  $d_0$ -debljina konzole/stjenke u temelju,  $h$ - visina brane)

- Tankostijene lučne brane:  $\beta < 0,2$
- Debelostijene lučne brane:  $0,2 < \beta < 0,4$
- Lučnogravitacijske brane:  $0,4 < \beta < 0,6$
- Gravitacijske brane:  $\beta > 0,6$

### VITKOST LUKA (R/d, R-radijus osi luka)

$R/d = 4-5$  debeli lukovi, gubi se lučno djelovanje po cijeloj duljini luka

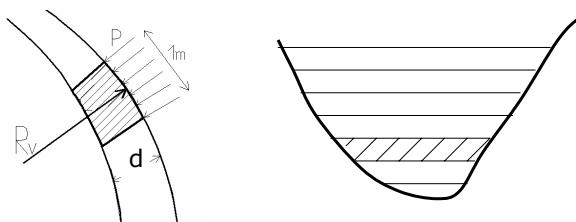
### OSNOVE PRORAČUNA

1.) Preliminarno se koristi "KOTLOVSKA" FORMULA (za cilindrični oblik uzvodnog lica)

- Lučna brana ZOLA visine 37,7; dužine u kruni 62,5 m; izgrađena je 1843. na temelju projekta koji je izradio otac poznatog književnika 1839. koristeći CILINDRIČNU "KOLTLOVSKU" FORMULU (bezmomentna teorija parnog kotla):

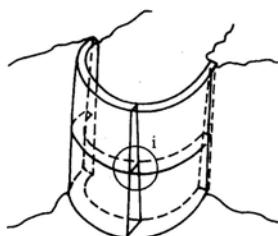
$$\sigma_{\text{doz}} = \frac{(p \cdot R_v)}{d} \quad \Rightarrow \quad d = \frac{(p \cdot R_v)}{\sigma_{\text{doz}}} \quad \sigma_{\text{doz}} = 12 \text{ MN/m}^2$$

- Pretpostavka: horizontalni presjeci se tretiraju kao kruti nezavisni lukovi složeni jedan iznad drugog. U statickom smislu to predstavlja dezintegraciju jednog površinskog sustava kao niz nezavisnih linijskih sustava.



2.) METODA TJEMENE - CENTRALNE KONZOLE (za cilindrični oblik uzvodnog lica)

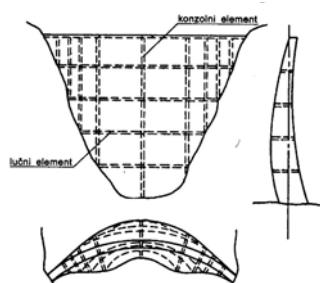
- Za proračun sustava *lukovi – tjemena konzola* brana se podijeli na niz horizontalnih lukova, tako da se dobije staticki sustav s toliko nepoznanica koliko ima presječnih točaka lukova i tjemene konzole.



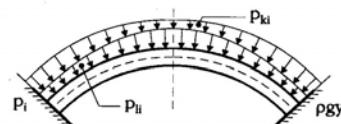
- Hidrostaticko opterećenje na branu se podijeli tako da su deformacije lukova od pripadajućeg dijela opterećenja jednake deformacijama konzole od njoj pripadajućeg opterećenja (jednaki progibi).
- Rješenjem jednadžbi dobiva se raspored hidrostatickog opterećenja na lukove i konzolu.

### 3.) METODA VIŠE LUKOVA I KONZOLA

- Brane postaju zakrivljene ploče promjenjive debljine u oba pravca.
- Proračun se vrši diskretizacijom na međusobno okomite pojaseve koji čine jednu složenu konstrukciju.
- Za rješavanje koriste se jednadžbe savijanja krivih grednih i konzolnih nosača.
- Proračun se zasniva na sukcesivnoj raspodjeli hidrostatičkog opterećenja između više lukova i konzola, pri čemu se probno izračunava njihov progib, dok se ne dobije ista vrijednost za lukove i za konzole u analiziranim čvorovima.
- Prvi put je ova metoda primijenjena na Hoover brani.



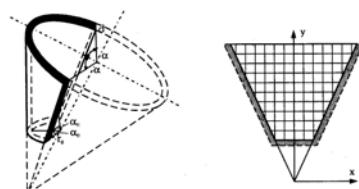
Model za proračun



Raspodjela hidrostatičkog opterećenja ( $p_i$ ) na luk ( $p_{ii}$ ) i konzolu ( $p_{ki}$ )

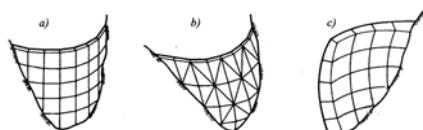
### 4.) METODE LJUSKE

- Više metoda:
  - Promatranje brane kao dijela obrnutog kružnog stošca
  - Promatranje brane kao cilindrične ljske promjenjive debljine
  - ...

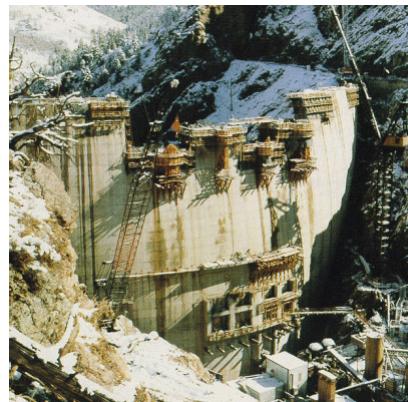


### 5.) SUVREMENE NUMERIČKE METODE ANALIZE NAPREZANJA I DEFORMACIJA LUČNIH BRANA

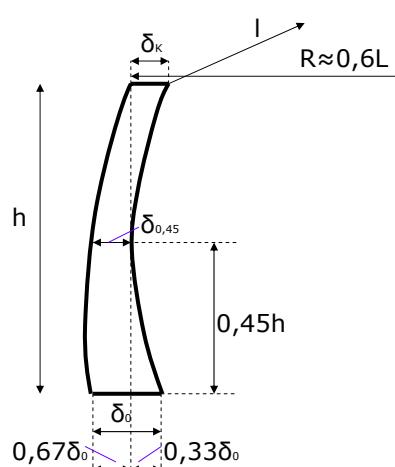
- Više metoda:
  - Metoda konačnih elemenata:
    - ravnninskih:
      - pravokutnih elemenata (a)
      - trokutnih elemenata (b)
    - prostornih (c)
  - Metoda konačnih razlika



### 6.) EKSPERIMENTALNE METODE – fizički modeli



#### ISKUSTVENI IZBOR DEBLJINE LUKA:



L-širina doline u kruni brane

$$\delta_k = 0,01 * (h + 1,2L) \quad [1,5-4m]$$

$$\delta_0 = \sqrt[3]{0,0012 * h * L * (h/122)^{h/122} * l}$$

l-duljina luka brane

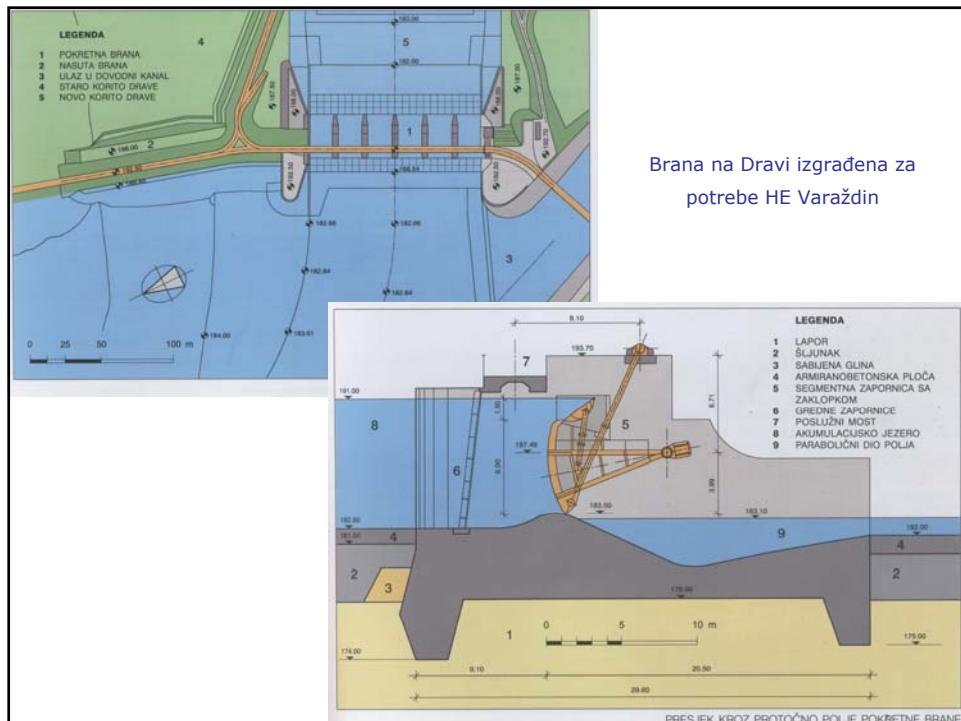
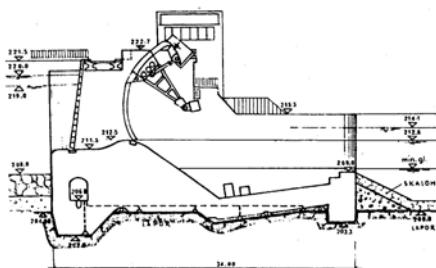
$$\delta_{0,45} = 0,95\delta_0$$

U pravilu su lučne brane nearmirane ali se armiraju lokalno u donjem dijelu galerije 4-5kg čelika/m<sup>3</sup> betona.

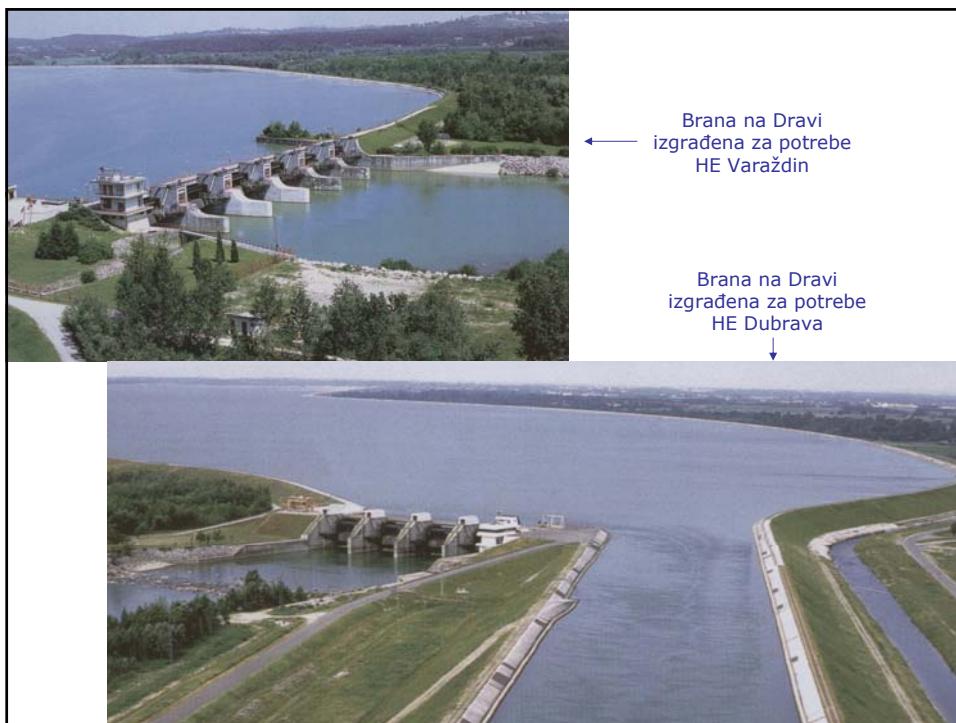
Ponekad i krunu treba armirati jer je ona prilično tanka.

## RIJEČNE POKRETNE BRANE

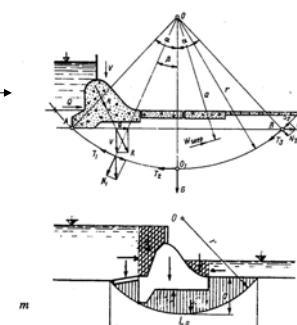
- Grade se u nizinskim dijelovima rijeka, gdje su korita široka i pretežno se temelje na nekoherentnim materijalima. Najčešće se nalaze na plovnim putovima (brodske prevodnice) ili grade u cilju energetskog iskorištavanja vodotoka.
- Sastoje se od:
  - stabilnog (čvrstog) betonskog dijela: bokova, stabilnog preljevnog dijela sa slapištem, stupova, mostova (za komunikaciju lijeve i desne obale) i
  - pokretnog dijela kojim se regulira razina vode: veći broj protočnih polja s ustavama (zapornicama), koje preuzimaju hidrostatičko opterećenje i prenose ga na stupove



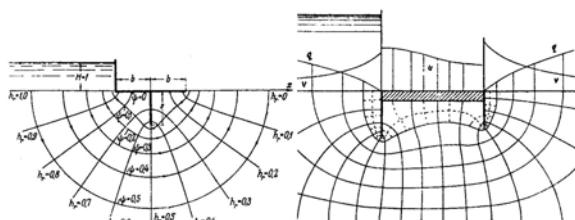
Brana na Dravi izgrađena za potrebe HE Varaždin



- Spajaju se na dilatacijama i ovisno o smještaju dilatacije ovisi statička shema.
- Zapornice su:
  - glavne – za rad
  - pomoćne – za remont, nalaze se ispred glavnih
- Zapornice su najčešće metalne i relativno lagane, s mehaničkim ili hidrauličkim pogonom.
- Za rječne pokretnе brane proračunava se:
  - Stabilnost na klizanje (vidi betonske gravitacijske brane)
  - Stabilnost na smicanje
  - Stabilnost na isplivavanje
  - Sigurnost od hidrauličkog sloma u temeljnog tlu (ispiranje čestica iz temeljnog tla, pogotovo kod nekoherenntnog tla-pjesak, šljunak):
    - (Sigurnost od hidrauličkog loma ostvaruje se produženjem puta procjeđivanja:
    - zastorom od betona ili gline na uzvodnoj strani pregrade,
    - injekcijskom zavjesom kod stjenovitog tla,
    - izvođenje filtra i drenaže iza nizvodne nožice)



- Za određivanje strujne slike ispod građevine (strujnice i ekvipotencijale) koriste se:
  - Matematički-numerički modeli
  - Grafički modeli
  - Analogni modeli (analogija s hidrauličkim ili električnim tokom)



Hidrodinamička mreža za pregradu sa slapištem i s jednom, odnosno s dvije dijafragme  
(u - dijagram uzgona, v - krivulja brzine, q - krivulja procjedivanja na jedinicu širine temelja)

## PREDNAPREGNUTE BRANE

- Vrši se sidrenje brane u tlu, čime se omogućava nadvišenje betonske gravitacijske brane (bez pojave vlačnih naprezanja).
- Kod prednapregnutih brana postoji ušteda u materijalu 20-40%.

